

COGNOME

NOME

MATRICOLA

FIRMA

Esercizio 1

Una coppia cilindro-stantuffo, esternamente adiabatica e di alesaggio (diametro interno della canna del cilindro) 90 mm, è caratterizzata da uno stantuffo in lega d'alluminio ($c_p = 880 \text{ J/kgK}$) del peso di 3.5 N e contiene al suo interno un gas ideale triatomico con molecola non lineare, di massa molare $M_m = 17 \text{ kg/kmol}$.

Il volume iniziale occupato dal gas alla temperatura di $20 \text{ }^\circ\text{C}$ e in condizioni di equilibrio è di 0.5 dm^3 , la pressione esterna iniziale è $P_0 = 1 \text{ bar}$.

A seguito di una compressione quasi statica non dissipativa, il gas raggiunge uno stato finale di equilibrio alla temperatura di $450 \text{ }^\circ\text{C}$. Determinare il lavoro compiuto dal gas e la sua pressione finale.

Esercizio 2

In un miscelatore isobaro ed adiabatico entrano una portata volumetrica $V^\circ_1 = 150 \text{ l/min}$ di acqua liquida alla temperatura di $15 \text{ }^\circ\text{C}$ e una portata massica $M^\circ_2 = 0.5 \text{ kg/s}$ di vapore saturo alla temperatura di $100 \text{ }^\circ\text{C}$. Determinare le condizioni di equilibrio in uscita e l'irreversibilità del processo.

Tabella A.1 Proprietà termodinamiche dell'acqua: liquido saturo - vapore saturo in funzione della temperatura di saturazione

Temp. T [$^\circ\text{C}$]	Pressione assoluta p [kPa]	Volume massico [m^3/kg]		Entalpia [kJ/kg]			Entropia [kJ/(kg·K)]		
		Liquido saturo v_f	Vapore saturo v_g	Liquido saturo h_f	Vaporizz. h_{fg}	Vapore saturo h_g	Liquido saturo s_f	Vaporizz. s_{fg}	Vapore saturo s_g
90	70,14	0,001 036	2,361	376,92	2283,2	2660,1	1,1925	6,2866	7,4791
95	84,55	0,001 040	1,982	397,96	2270,2	2668,1	1,2500	6,1659	7,4159
p [MPa]									
100	0,101 35	0,001 044	1,6729	419,04	2257,0	2676,1	1,3069	6,0480	7,3549
105	0,120 82	0,001 048	1,4194	440,15	2243,7	2683,8	1,3630	5,9328	7,2958

Esercizio 3

Una parete piana ($s = 18 \text{ cm}$, $k = 0.2 \text{ W/mK}$) indefinitamente estesa lungo due direzioni spaziali (y, z), presenta sulla superficie $x = s$, caratterizzata da una emissività $\epsilon = 0.8$, una temperatura $t_s = 85 \text{ }^\circ\text{C}$. Tale superficie è lambita da aria con temperatura indisturbata $t_\infty = 40 \text{ }^\circ\text{C}$, $h = 25 \text{ W/m}^2\text{K}$ ed è affacciata ad una superficie grigia ad essa parallela ed indefinita lungo y e z con temperatura $t_p = 10 \text{ }^\circ\text{C}$ e caratterizzata da un coefficiente di assorbimento $\alpha = 0.65$.

Si determini la temperatura t_0 che si presenta sulla superficie $x = 0$ della parete.

SOLUZIONE

ESERCIZIO 1

Impostando il bilancio energetico sul sistema totale e sui sottosistemi pistone e gas:

$$DU_{tot} = L_{ext} + Q_{ext}$$

$$DU_p = L_p + Q_p$$

$$DU_g = L_g + Q_g$$

Dovendo però anche essere:

$$DU_{tot} = DU_p + DU_g$$

$$Q_{ext} = 0 \text{ perchè il sistema è detto esternamente adiabatico}$$

e L_{ext} pari alla somma del lavoro operato dalle forze conseguenti all'azione del campo gravitazionale sull'aria esterna (L_{ea}) e sul pistone (L_{ep}).

L_{ext} è uguale in modulo e opposto in segno a L_g ; inoltre, L_p è nullo perchè il pistone non subisce alcuna dilatazione.

Dunque sostituendo i risultati fin qui trovati nelle equazioni di bilancio energetico:

$$DU_{tot} = L_{ext} = L_{ea} + L_{ep} = L_g$$

$$DU_{tot} = Q_p + L_g + Q_g$$

e dunque $L_g = Q_p + L_g + Q_g$, da cui $Q_p = -Q_g$.

Assumendo come è ragionevole che gas e pistone siano costantemente in equilibrio termico (per cui $dT_p = dT_g$), si ha quindi:

$$M_p c_p dT_p = - M_g c_g dT_g$$

e dunque $c_x g = - M_p / M_g c_p$

$$M_p = F_p / g$$

$$P_i = P_{ext} + P_p = P_{ext} + F_p / A_p$$

$$M_g = V_i \rho_g = V_i P_i / (R^* T_i)$$

A questo punto la trasformazione è identificata.

Il gas è triatomico non lineare quindi $c_v g = 3 R^*$, $c_p g = 4 R^*$.

$$n = (c_x g - c_p g) / (c_x g - c_v g)$$

$$T P^{[(1-n)/n]} = \text{cost e quindi } T P^{[n/(1-n)]} = \text{cost}$$

$$T_i, T_f \text{ e } P_i \text{ sono note per cui si può calcolare } P_f = P_i (T_i / T_f)^{[n/(1-n)]}$$

Per quanto riguarda il lavoro, si può determinare con l'equazione del lavoro per una politropica o direttamente dal bilancio energetico: $L_g = DU_{tot}$

Soluzione numerica (tutti i valori sono in u.d.m SI base):

$R^* = 489.1$
 $T_i = 2.9315e+002$
 $T_f = 7.2315e+002$
 $A_p = 0.00636$
 $P_i = 1.0055e+005$
 $M_p = 0.3569$
 $M_g = 3.5065e-004$
 $c_{Vg} = 1.4673e+003$
 $c_{Pg} = 1.9564e+003$
 $c_{xg} = -8.9574e+005$
 $n = 1.000545$
 $P_f = \text{Inf}$ (il valore numerico viene estremamente elevato)
 $L_g = 1.3528e+005$

ESERCIZIO 2

Il miscelamento è adiabatico e isobaro, a $P_{\text{sat}}(100\text{ °C}) = P_{\text{atm}}$.

Dunque per ottenere le condizioni finali è utile scrivere i bilanci di massa e di entalpia. Indicando per semplicità le portate con M:

$$M_m = M_l + M_v = V_l \cdot \rho_{\text{hol}} + M_v$$

$$h_m = (M_l h_{li} + M_v h_{vi}) / (M_l + M_v)$$

con $h_{li} = M_l c_{Pl} (T_{li} - T_{\text{ref}})$, h_v leggibile da tabella per vapore saturo a 100 °C

h_m risulta compresa tra $h_{ls}(100\text{ °C})$ e $h_{vs}(100\text{ °C})$, per cui nelle condizioni finali si ha una miscela di liquido e vapore a 100 °C .

Si può pertanto calcolare il titolo finale noti da tabella i valori nelle condizioni di liquido e vapore saturi:

$$x_m = [h_m - h_{ls}(100\text{ °C})] / [h_{vs}(100\text{ °C}) - h_{ls}(100\text{ °C})]$$

e l'entropia finale:

$$s_m = x_m s_{vs}(100\text{ °C}) + (1 - x_m) s_{ls}(100\text{ °C})$$

Essendo l'entropia iniziale:

per l'acqua liquida a 15 °C : $s_{li} = c_{Pl} \ln(T_{li}/T_{\text{ref}})$

per il vapore saturo, s_{vi} leggibile da tabella

si può calcolare immediatamente il DS e quindi valutare l'irreversibilità del processo:

$$DS = M_m s_m - (M_l s_{li} + M_v s_{vi})$$

Soluzione numerica (tutti i valori sono in u.d.m SI base):

$M_l = 2.5000$
 $M_v = 0.5000$
 $M_m = 3$
 $T_{li} = 288.1500$

Tref = 273.1500
cPl = 4186
hli = 62790
hvi = 2676100
hm = 4.9834e+005
hls = 419040
hvs = 2676100
xm = 0.0351
sls = 1.3069e+003
svs = 7.3549e+003
sm = 1.5194e+003
sli = 223.7839
svi = 7.3549e+003
DS = 321.2786

ESERCIZIO 3

Attraverso l'intercapedine si hanno sia flusso convettivo sia flusso radiativo, la cui somma eguaglia (dato che si è in condizioni stazionarie) il flusso conduttivo attraverso la parete solida. Dunque:

$$Q^{\circ} = -k/s (T_s - T_0) = [-h (T_{oo} - T_s)] + [-\sigma (T_p^4 - T_s^4) / (1/\epsilon_{ps} + 1/\epsilon_{sp} - 1)]$$

(con $\epsilon_{ps} = \alpha_{fp}$ per il principio di Kirchhoff)

in cui l'unica incognita è T_0 :

$$T_0 = T_s - s/k [h (T_{oo} - T_s) + \sigma (T_p^4 - T_s^4) / (1/\epsilon_{ps} + 1/\epsilon_{sp} - 1)]$$

Soluzione numerica (tutti i valori sono in u.d.m SI base, T_0 è in K):

h = 25
Too = 313.1500
Ts = 358.1500
Tp = 383.1500
sigma = 5.6700e-008
epss = 0.8000
epsp = 0.6500
s = 0.1800
k = 0.2000
Qconv = -1125
Qirr = -317.8470
T0 = 1.6567e+003